

CORRIGÉ TD N°07 : LES CAN

EXERCICE 1

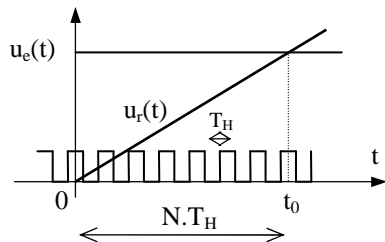
- 1- $I_0 = C \, du_C / dt$.
- 2- $du_C / dt = I_0 / C \Rightarrow u_C(t) = I_0 / C \cdot t + Cte = I_0 / C \cdot t$ c'est une équation de droite.
- 3- Coeff. directeur = $I_0 / C = 1.10^{-3} / 470.10^{-12} \approx 2,13.10^6 \text{ V.s}^{-1}$.

EXERCICE 2

- 1- $u_S(t) = -1/C \int i(t) \, dt$.
- 2- $i = -\frac{E}{R}$ donc $u_S(t) = -\frac{1}{RC} \int_0^t E \, dt = -\frac{E}{RC} t$ car $u_S(0) = 0$.
- 3- Pour $t = 1\mu\text{s}$ on a $u_S = 1\text{V}$ donc $E = -1 \times RC / t = -1.10^3 \times 5.10^{-9} / 1.10^{-6} = -5 \text{ V}$.

EXERCICE 3

- 1- $u_r(t) = I_0 / C \cdot t$
- 2-
- 3- On voit sur le graphe que : $t_0 = N_{(10)} \cdot T_H$



- 4- A $t = t_0$ on a :

$$u_e = u_r(t_0) = \frac{I_0}{C} t_0 = \frac{I_0}{C} N_{(10)} T_H$$
- 5- $q = u_e / N_{(10)} = I_0 T_H / C$.
- 6- $q = U_{pe} / 2^{12} = 12 / 2^{12} \approx 2,93 \text{ mV}$.

- 7- $f_H = 1/T_H = I_0 / (qC) = 0,1.10^{-3} / (12/2^{12} \times 10.10^{-12}) \approx 3,41 \text{ Ghz}$.
- 8- $u_e = 4\text{V} \Rightarrow N_{(10)} = u_e / q = 4 / q \approx 1365 \Rightarrow t = N_{(10)} T_H = 1365 / 3,41.10^9 \approx 0,4 \mu\text{s}$.
 $u_e = 10\text{V} \Rightarrow N_{(10)} = u_e / q = 10 / q \approx 3413 \Rightarrow t = N_{(10)} T_H = 3413 / 3,41.10^9 \approx 1 \mu\text{s}$.

EXERCICE 4

- 1- $q_0 = U_{pe} / 2^n = 10 / 2^8 \approx 39,1 \text{ mV}$.
- 2- $u_{CNA} = q_0 \cdot N$ donc $N = u_{CNA} / q_0 = 8 / q_0 \approx 204$.
- 3- $u_e = 5 \text{ V} \Rightarrow N = 5 / q_0 = 128$ et $t = N \cdot T_H = N_e / f_H = 128 / 1.10^6 = 0,128 \text{ ms}$.
- 4- On peut réduire la tension u_{CNA} avant d'attaquer le comparateur.
- 5- Lorsque $N = 1$ on veut $u'_{CNA} = 1\text{mV}$ (quantum), or on a $u_{CNA} \approx 39,1 \text{ mV}$, il faut donc atténuer u_{CNA} de 39,1.
 La tension maximale sera alors $U'_{\max} = q' \cdot N_{\max} = 1.10^{-3} \times (2^8 - 1) = 255 \text{ mV}$.
- 6- $N_{\max} = 10/q_1 - 1 = 10 / 1.10^{-3} - 1 = 9999$ soit $n = 14 \text{ bits}$ ($2^{14} = 16384$).

CORRIGÉ TD N°07 : LES CAN

EXERCICE 1

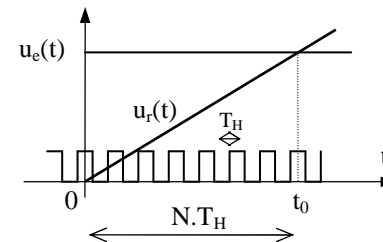
- 1- $I_0 = C \, du_C / dt$.
- 2- $du_C / dt = I_0 / C \Rightarrow u_C(t) = I_0 / C \cdot t + Cte = I_0 / C \cdot t$ c'est une équation de droite.
- 3- Coeff. directeur = $I_0 / C = 1.10^{-3} / 470.10^{-12} \approx 2,13.10^6 \text{ V.s}^{-1}$.

EXERCICE 2

- 1- $u_S(t) = -1/C \int i(t) \, dt$.
- 2- $i = -\frac{E}{R}$ donc $u_S(t) = -\frac{1}{RC} \int_0^t E \, dt = -\frac{E}{RC} t$ car $u_S(0) = 0$.
- 3- Pour $t = 1\mu\text{s}$ on a $u_S = 1\text{V}$ donc $E = -1 \times RC / t = -1.10^3 \times 5.10^{-9} / 1.10^{-6} = -5 \text{ V}$.

EXERCICE 3

- 1- $u_r(t) = I_0 / C \cdot t$
- 2-
- 3- On voit sur le graphe que : $t_0 = N_{(10)} \cdot T_H$



- 4- A $t = t_0$ on a :

$$u_e = u_r(t_0) = \frac{I_0}{C} t_0 = \frac{I_0}{C} N_{(10)} T_H$$
- 5- $q = u_e / N_{(10)} = I_0 T_H / C$.
- 6- $q = U_{pe} / 2^{12} = 12 / 2^{12} \approx 2,93 \text{ mV}$.

- 7- $f_H = 1/T_H = I_0 / (qC) = 0,1.10^{-3} / (12/2^{12} \times 10.10^{-12}) \approx 3,41 \text{ Ghz}$.
- 8- $u_e = 4\text{V} \Rightarrow N_{(10)} = u_e / q = 4 / q \approx 1365 \Rightarrow t = N_{(10)} T_H = 1365 / 3,41.10^9 \approx 0,4 \mu\text{s}$.
 $u_e = 10\text{V} \Rightarrow N_{(10)} = u_e / q = 10 / q \approx 3413 \Rightarrow t = N_{(10)} T_H = 3413 / 3,41.10^9 \approx 1 \mu\text{s}$.

EXERCICE 4

- 1- $q_0 = U_{pe} / 2^n = 10 / 2^8 \approx 39,1 \text{ mV}$.
- 2- $u_{CNA} = q_0 \cdot N$ donc $N = u_{CNA} / q_0 = 8 / q_0 \approx 204$.
- 3- $u_e = 5 \text{ V} \Rightarrow N = 5 / q_0 = 128$ et $t = N \cdot T_H = N_e / f_H = 128 / 1.10^6 = 0,128 \text{ ms}$.
- 4- On peut réduire la tension u_{CNA} avant d'attaquer le comparateur.
- 5- Lorsque $N = 1$ on veut $u'_{CNA} = 1\text{mV}$ (quantum), or on a $u_{CNA} \approx 39,1 \text{ mV}$, il faut donc atténuer u_{CNA} de 39,1.
 La tension maximale sera alors $U'_{\max} = q' \cdot N_{\max} = 1.10^{-3} \times (2^8 - 1) = 255 \text{ mV}$.
- 6- $N_{\max} = 10/q_1 - 1 = 10 / 1.10^{-3} - 1 = 9999$ soit $n = 14 \text{ bits}$ ($2^{14} = 16384$).